

а) В прямоугольнике $ABCD$ $AB = 1$, $BC = 3$. Точки E и F делят сторону BC на три равные части. Докажите, что

$$\angle CAD + \angle EAD + \angle FAD = 90^\circ.$$

б) Изобразите на координатной плоскости множество точек, координаты x , y которых удовлетворяют уравнению

$$\operatorname{arctg} x + \operatorname{arctg} y = 2 \operatorname{arctg} \frac{x+y}{2}.$$

в) Вычислите сумму

$$\operatorname{arctg} 1 + \operatorname{arctg} \frac{1}{3} + \dots + \operatorname{arctg} \frac{1}{n^2 + n + 1} + \dots$$