

Тройка целых чисел  $(x, y, z)$ , наибольший общий делитель которых равен 1, является решением уравнения

$$y^2z + yz^2 = x^3 + x^2z - 2xz^2.$$

Докажите, что  $z$  является кубом целого числа.